

操安方程式の非干渉化について

宮 部 道 夫

1. はじめに

車の横方向制御はステアリングホイール一個の入力で行っている。しかし車の横方向運動には少なくとも横方向変位関係量と車体のヨー姿勢角関係量の2量は必須である。従って2量の干渉する制御操作では転舵と戻しが必要である。

操安性制御について、この2量の非干渉化を2次元モデルについて検討する。

2. 非干渉化制御系

2. 1 記号

A: システム行列	V: 非干渉系の入力ベクトル
B: 制御行列	v: 車速
C: 出力行列	v_1, v_2 : 非干渉系の新入力要素
G(s): 伝達関数行列	X: 状態変数
G_d : 非干渉系のフィードバック行列	Y: 出力ベクトル
H_d : 非干渉系の制御行列	α_i : (2・7)の定義による
I: 車両のヨー慣性モーメント	β : 車両の重心点横滑り角
K_f, K_r : 前, 後輪コーナリングパワー	β_{ij} : 非干渉系の極設定係数
L: ホイールベース	γ : 車両重心の進行方位角
l_f, l_r : 重心より前, 後車軸までの距離	δ_f, δ_r : 前, 後輪転舵角
U: 制御ベクトル	ϕ : 車体軸方位角
$u(t-\tau)$: 単位ステップ関数	$\dot{\phi}$: ヨーレイト

2. 2 非干渉化の手順

m 入力, m 出力の可制御なシステム

$$\dot{X} = AX + BU \quad : \quad A(n \times n), B(n \times m) \quad (2 \cdot 1)$$

$$Y = CX \quad : \quad C = (m \times n) \quad (2 \cdot 2)$$

に対して新たな入力 V を考え, 次のような状態フィードバックを行う。

$$U := G_d X + H_d V = -\underline{H}_d^{-1} \underline{G}_d X + \underline{H}_d^{-1} V \quad (2 \cdot 3)$$

ここに

$$C = \begin{bmatrix} C_{11} & \cdots & C_{1n} \\ \vdots & & \vdots \\ C_{m1} & \cdots & C_{mn} \end{bmatrix} := \begin{bmatrix} C_1 \\ \vdots \\ C_m \end{bmatrix} \quad (2 \cdot 4)$$

$$\underline{H}_d = \begin{bmatrix} C_1 A^{\alpha_1 - 1} B \\ \vdots \\ C_m A^{\alpha_m - 1} B \end{bmatrix} \quad (2 \cdot 5)$$

$$\underline{G}_d = \begin{bmatrix} C_1 A^{\alpha_1} \\ \vdots \\ C_m A^{\alpha_m} \end{bmatrix} \quad (2 \cdot 6)$$

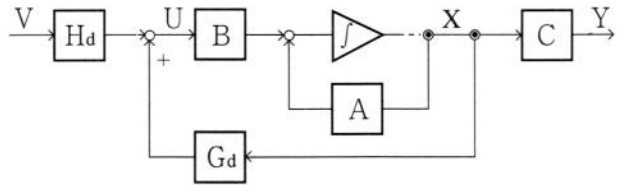


図 2-1

$$\alpha_j = \min_j \{j \mid C_j A^{j-1} B \neq 0; j = 1, 2, \dots, n\} \quad (2 \cdot 7)$$

極の設定は β_{ik} を適当な値に設計して,

$$\frac{Y_i(s)}{V_i(s)} = \frac{1}{s^{\alpha_i} + \beta_{i1}s^{\alpha_i-1} + \cdots + \beta_{i\alpha_i}} \quad (2 \cdot 8)$$

即ち

$$y_i^{(\alpha_i)} = -\beta_{i1}y_i^{(\alpha_i-1)} - \beta_{i2}y_i^{(\alpha_i-2)} - \cdots - \beta_{i\alpha_i}y_i + v_i \quad (2 \cdot 9)$$

となるように $y_i^{(\alpha_i)}$ を選ぶ。 H_d , G_d は次のように定める。

$$H_d : H_d = \underline{H}_d^{-1} \quad (2 \cdot 10)$$

$$G_d : (-H_d^{-1} G_d)_i = C_i A^{\alpha_i} + \beta_{i1} C_i A^{\alpha_i-1} + \cdots + \beta_{i\alpha_i} C_i \quad (2 \cdot 11)$$

このとき伝達関数 $G(s)$ は次のように対角化される。

$$G(s) = \begin{bmatrix} \frac{1}{s^{\alpha_1} + \beta_{11}s^{\alpha_1-1} + \cdots + \beta_{1\alpha_1}} & & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & \frac{1}{s^{\alpha_m} + \beta_{m1}s^{\alpha_m-1} + \cdots + \beta_{m\alpha_m}} \end{bmatrix} \quad (2 \cdot 12)$$

3. 車体の運動式 (車体固定座標)

3. 1 運動式

質量 m , 慣性モーメント I の車両が定速度 v で進行しているときの運動を, 重心点横滑り角 β , ヨーレイト ψ の 2 量で表すと,

$$mv \left(\frac{d\beta}{dt} + \dot{\psi} \right) = 2K_t \left(\delta_l - \beta - \frac{l_r \dot{\psi}}{v} \right) + 2K_r \left(\delta_r - \beta + \frac{l_r \dot{\psi}}{v} \right) \quad (3 \cdot 1)$$

$$I \frac{d\dot{\phi}}{dt} = 2l_t K_t \left(\delta_t - \beta - \frac{l_t \dot{\phi}}{\nu} \right) - 2l_r K_r \left(\delta_r - \beta + \frac{l_r \dot{\phi}}{\nu} \right) \quad (3 \cdot 2)$$

これより

$$\begin{bmatrix} \frac{d\beta}{dt} \\ \frac{d\dot{\phi}}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{2}{m\nu}(K_t + K_r), & -1 - \frac{2}{m\nu^2}(l_t K_t - l_r K_r) \\ -\frac{2}{I}(l_t K_t - l_r K_r), & -\frac{2}{I\nu}(l_t^2 K_t + l_r^2 K_r) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\phi} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{2K_t}{m\nu}, & \frac{2K_r}{m\nu} \\ \frac{2l_t K_t}{I}, & -\frac{2l_r K_r}{I} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta_t \\ \delta_r \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 3)$$

従って

$$X := \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\phi} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 4)$$

$$Y := \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\phi} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 5)$$

$$A := \begin{bmatrix} -\frac{2}{m\nu}(K_t + K_r), & -1 - \frac{2}{m\nu^2}(l_t K_t - l_r K_r) \\ -\frac{2}{I}(l_t K_t - l_r K_r), & -\frac{2}{I\nu}(l_t^2 K_t + l_r^2 K_r) \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 6)$$

$$B := \begin{bmatrix} \frac{2K_t}{m\nu}, & \frac{2K_r}{m\nu} \\ \frac{2l_t K_t}{I}, & -\frac{2l_r K_r}{I} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 7)$$

$$U := \begin{bmatrix} \delta_t \\ \delta_r \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 8)$$

$$C := \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 9)$$

と置けば上式は下式に纏まる。

$$\dot{X} = AX + BU \quad (3 \cdot 10)$$

$$Y = CX \quad (3 \cdot 11)$$

3. 2 非干渉化

2. 2節に従って非干渉化を進める。

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} := \begin{bmatrix} C_1 \\ C_2 \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 12)$$

1) α_i の決定

$$C_1 B = \begin{bmatrix} \frac{2K_t}{m\nu}, \frac{2K_r}{m\nu} \end{bmatrix} \neq (0, 0) \quad (3 \cdot 13)$$

\therefore

$$\alpha_1 = 1 \quad (3 \cdot 14)$$

$$\therefore C_2 B = \left[\frac{2l_r K_r}{I}, -\frac{2l_r K_r}{I} \right] \neq (0,0) \quad (3 \cdot 15)$$

$$\therefore \alpha_2 = 1 \quad (3 \cdot 16)$$

2) 伝達関数の設定

上の結果より、伝達関数行列の要素は1次遅れとなり、下式を設定する。

$$G(s) := \begin{bmatrix} \frac{1}{s+\beta_{11}} & 0 \\ 0 & \frac{1}{s+\beta_{21}} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 17)$$

3) H_d の決定

(2・11)より

$$-(H_d^{-1}G_d)_1 = C_1 A + \beta_{11} C_1 = \left[-\frac{2}{m\nu} (K_l + K_r) + \beta_{11}, -1 - \frac{2}{m\nu^2} (l_l K_l - l_r K_r) \right] \quad (3 \cdot 18)$$

$$-(H_d^{-1}G_d)_2 = C_2 A + \beta_{21} C_2 = \left[-\frac{2}{I} (l_l K_l - l_r K_r), -\frac{2}{I\nu} (l_l^2 K_l + l_r^2 K_r) + \beta_{21} \right] \quad (3 \cdot 19)$$

(2・5)より

$$\underline{H}_d = (C_i A^{n_i-1} B) = \begin{bmatrix} C_1 B \\ C_2 B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2K_r}{m\nu}, & \frac{2K_r}{m\nu} \\ \frac{2l_r K_r}{I}, & -\frac{2l_r K_r}{I} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 20)$$

ここで

$$|\underline{H}_d| = -\frac{4l_r K_l K_r}{mI\nu} \neq 0 \quad (3 \cdot 21)$$

を確認して H_d が(2・10)に従い下のよう求められる。

$$H_d = \underline{H}_d^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{l_r m\nu}{2l_r K_r}, & \frac{I}{2l_r K_r} \\ \frac{l_l m\nu}{2l_r K_r}, & -\frac{I}{2l_r K_r} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 22)$$

4) G_d の決定

$$-(H_d^{-1}G_d) \equiv \begin{bmatrix} -(H_d^{-1}G_d)_1 \\ -(H_d^{-1}G_d)_2 \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 23)$$

$$\therefore G_d = -H_d \begin{bmatrix} -(H_d^{-1}G_d)_1 \\ -(H_d^{-1}G_d)_2 \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 24)$$

(3・22), (3・18), (3・19) によってこれを計算すると下式を得る。

$$G_d = \begin{bmatrix} 1 - \frac{l_r m v}{2LK_l} \beta_{11}, & \frac{l_l}{v} + \frac{l_r m v}{2LK_l} - \frac{I}{2LK_l} \beta_{21} \\ 1 - \frac{l_l m v}{2LK_r} \beta_{11}, & -\frac{l_r}{v} + \frac{l_l m v}{2LK_r} + \frac{I}{2LK_r} \beta_{21} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 25)$$

以上より非干渉化の要素の値が確定する。

5) 伝達関数G(s)の確認

伝達関数は (2・1), (2・2), (2・3) により

$$Y = CX = C(sI - A - BG_d)^{-1} BH_d V \quad (3 \cdot 26)$$

よって

$$G(s) = C(sI - A - BG_d)^{-1} BH_d \quad (3 \cdot 27)$$

これに C (3・9), A (3・6), B (3・7), G_d (3・25), H_d (3・22) を入れて計算を実行すれば

$$Y = \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = C(sI - A - BG_d)^{-1} BH_d V = \begin{bmatrix} \frac{1}{s + \beta_{11}}, & 0 \\ 0, & \frac{1}{s + \beta_{21}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 28)$$

即ち

$$G(s) = \begin{bmatrix} \frac{1}{s + \beta_{11}}, & 0 \\ 0, & \frac{1}{s + \beta_{21}} \end{bmatrix} \quad (3 \cdot 29)$$

が確認される。

4. 車体の運動式 (対地座標)

4. 1 運動式

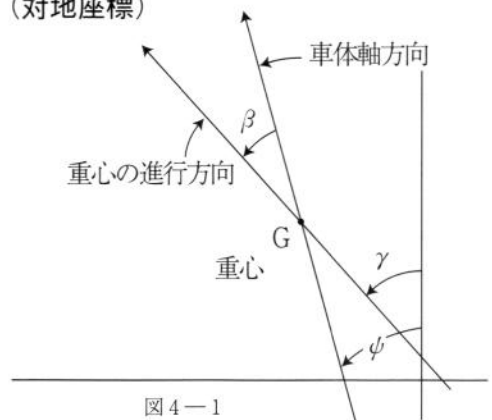
図4-1のように車体軸方位角 ψ , 車両重心の進行方位角 γ を対地座標に取るとする。前, 後軸の横滑り角 β_f, β_r は

$$\beta_l = \psi + \delta_l - \gamma - \frac{l_l}{v} \frac{d\psi}{dt} \quad (4 \cdot 1)$$

$$\beta_r = \psi + \delta_r - \gamma + \frac{l_r}{v} \frac{d\psi}{dt} \quad (4 \cdot 2)$$

よって $\gamma - \psi$ 系の表示で運動式は

$$m v \frac{d\gamma}{dt} + 2(K_f + K_r)\gamma + \frac{2}{v}(l_l K_l - l_r K_r) - 2(K_f + K_r)\psi = 2K_l \delta_l + 2K_r \delta_r \quad (4 \cdot 3)$$



$$I \frac{d^2\phi}{dt^2} + \frac{2}{\nu} (l_f^2 K_f + l_r^2 K_r) \frac{d\phi}{dt} - 2(l_f K_f - l_r K_r) \phi + 2(l_f K_f - l_r K_r) \gamma = 2l_f K_f \delta_f - 2l_r K_r \delta_r \quad (4 \cdot 4)$$

4・2 β - ψ 系の表示

$$\gamma = \phi + \beta \quad (4 \cdot 5)$$

の関係を用いて (4・3), (4・4) を整理すれば,

$$\begin{bmatrix} \frac{d\beta}{dt} \\ \frac{d^2\phi}{dt^2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{2}{m\nu} (K_f + K_r), & -\left\{ 1 + \frac{2}{m\nu^2} (l_f K_f - l_r K_r) \right\} \\ -\frac{2}{I} (l_f K_f - l_r K_r), & -\frac{2}{I\nu} (l_f^2 K_f + l_r^2 K_r) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta \\ \frac{d\phi}{dt} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{2K_f}{m\nu}, & \frac{2K_r}{m\nu} \\ \frac{2l_f K_f}{I}, & -\frac{2l_r K_r}{I} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta_f \\ \delta_r \end{bmatrix} \quad (4 \cdot 6)$$

ここで3・2節で導いた非干渉化の条件を入れる。即ち

$$\begin{bmatrix} \delta_f \\ \delta_r \end{bmatrix} = U = H_d V + G_d X = H_d \begin{bmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \end{bmatrix} + G_d \begin{bmatrix} \beta \\ \frac{d\phi}{dt} \end{bmatrix} \quad (4 \cdot 7)$$

これに H_d (3・22), G_d (3・25) を入れ, (4・6) に戻して整理すれば

$$\begin{bmatrix} \frac{d\beta}{dt} \\ \frac{d^2\phi}{dt^2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\beta_{11} & 0 \\ 0 & -\beta_{21} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta \\ \frac{d\phi}{dt} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \end{bmatrix} \quad (4 \cdot 8)$$

更に

$$\phi(t) = \int_0^t \frac{d\phi(\tau)}{d\tau} d\tau \quad (4 \cdot 9)$$

として

$$\begin{bmatrix} \beta(s) \\ \phi(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{s + \beta_{11}}, & 0 \\ 0, & \frac{1}{s(s + \beta_{21})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \nu_1(s) \\ \nu_2(s) \end{bmatrix} \quad (4 \cdot 10)$$

これを (4・5) で書き直せば,

$$\begin{bmatrix} \gamma(s) \\ \phi(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta(s) \\ \phi(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{s + \beta_{11}}, & \frac{1}{s(s + \beta_{21})} \\ 0, & \frac{1}{s(s + \beta_{21})} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \nu_1(s) \\ \nu_2(s) \end{bmatrix} \quad (4 \cdot 11)$$

を得る。

5. 応 答 性

5. 1 新入力 V に対する転舵輪の応答

(2・3), (3・26), (3・27) より

$$U = G_d Y + H_d V = \{G_d G(s) + H_d\} V \quad (5 \cdot 1)$$

G_d (3・25), $G(s)$ (3・29), H_d (3・22) を入れて表せば,

$$\begin{bmatrix} \delta_r \\ \dot{\delta}_r \end{bmatrix} = \left\{ \begin{bmatrix} 1 - \frac{l_r m \nu}{2LK_r} \beta_{11}, & \frac{l_l + l_r m \nu}{\nu} - \frac{I}{2LK_r} \beta_{21} \\ 1 - \frac{l_l m \nu}{2LK_r} \beta_{11}, & -\frac{l_r}{\nu} + \frac{l_l m \nu}{2LK_r} + \frac{I}{2LK_r} \beta_{21} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{s + \beta_{11}} & 0 \\ 0 & \frac{1}{s + \beta_{21}} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{l_r m \nu}{2LK_r}, & \frac{I}{2LK_r} \\ \frac{l_l m \nu}{2LK_r}, & -\frac{I}{2LK_r} \end{bmatrix} \right\} \begin{bmatrix} v_1(s) \\ v_2(s) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 2)$$

これは新入力 V に対する転舵輪の応答を表す。 V に対してゲインが大きいと、アクチュエータの負担は問題となる。

5. 2 V に対する車体の応答

1) 車体座標系

(3・28) より v_1 ステップ入力応答は

$$\begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\beta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\beta_{11}} (1 - e^{-\beta_{11} t}) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 3)$$

同様に v_2 ステップ入力応答は

$$\begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\beta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{1}{\beta_{21}} (1 - e^{-\beta_{21} t}) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 4)$$

即ち v_1 ステップ入力するとき重心横滑り角 β は $1/\beta_{11}$ を終値として 1 次遅れで立上り、ヨーレート $\dot{\beta}$ は 0 のままである。 v_2 ステップ入力なら β は 0 のままヨーレートは $1/\beta_{21}$ を終値として 1 次遅れで立上り、定常円旋回を志向する。

2) 対地座標系

v_1 ステップ入力の場合、(4・10) より

$$\begin{bmatrix} r \\ \psi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\beta_{11}} (1 - e^{-\beta_{11} t}) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 5)$$

即ち車体軸方向不変のまま重心は $1/\beta_{11}$ を終値とする方位へ 1 次遅れで立上る。

v_2 ステップ入力の場合は同様に

$$\begin{bmatrix} r \\ \psi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \left\{ \frac{1}{\beta_{21}} t - \frac{1}{\beta_{21}^2} (1 - e^{-\beta_{21} t}) \right\} \quad (5 \cdot 6)$$

即ち $r = \psi$ となって時間と共に増加し直線 $\frac{t}{\beta_{21}} - \frac{1}{\beta_{21}^2}$ に漸近する。

5. 3 逆問題

コースの条件などから出力が規制されるとき、入力 V の条件を逆に求めて見る。

1) 車体軸座標

(3・28) より

$$\begin{bmatrix} v_1(s) \\ v_2(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s+\beta_{11}, & 0 \\ 0, & s+\beta_{21} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\phi} \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 7)$$

障害物を横滑りのみで避ける場合を想定し, α, τ を状況に則して選び下式のように置く。

$$\begin{bmatrix} \beta(s) \\ \dot{\phi}(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\alpha}{s(s+\alpha)}(1-e^{-\tau s}) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 8)$$

このとき (5・7) より

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \beta_{11} - (\beta_{11} - \alpha)e^{-\alpha t} - \{\beta_{11} - (\beta_{11} - \alpha)e^{-\alpha(t-\tau)}\}u(t-\tau) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 9)$$

このように出力側に2次の仮定をした場合 v_1 は $t=0$, τ でステップ状操作を要する。
次にヨーレイトのみ操作してカーブをトレースする場合を想定し, 下式を置く。

$$\begin{bmatrix} \beta(s) \\ \dot{\phi}(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{\alpha}{s(s+\alpha)}(1-e^{-\tau s}) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 10)$$

このとき入力動作は, 同様に

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ v_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \beta_{21} - (\beta_{21} - \alpha)e^{-\alpha t} - \{\beta_{21} - (\beta_{21} - \alpha)e^{-\alpha(t-\tau)}\}u(t-\tau) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 11)$$

カーブの入口 ($t=0$) と出口近く ($t=\tau$) で v_2 に機敏な操作を要する。

2) 対地座標

(4・10) より

$$\begin{bmatrix} v_1(s) \\ v_2(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s+\beta_{11}, & -(s+\beta_{11}) \\ 0, & s(s+\beta_{21}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \gamma(s) \\ \phi(s) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 12)$$

緩和部を持つ実際のコースで, γ 或いは ϕ の一定時間の継続を考えて見る。

a. 車体方位不変のまま進行方位のみ一時変化:

出力の要請を

$$\begin{bmatrix} \gamma(s) \\ \phi(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\alpha\beta}{s(s+\alpha)(s+\beta)}(1-e^{-\tau s}) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 13)$$

とすれば入力操作は (5・12) より,

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \beta_{11} + \frac{\beta(\alpha - \beta_{11})}{\beta - \alpha} e^{-\alpha t} - \frac{\alpha(\beta - \beta_{11})}{\beta - \alpha} e^{-\beta t} - \left\{ \beta_{11} + \frac{\beta(\alpha - \beta_{11})}{\beta - \alpha} e^{-\alpha(t-\tau)} - \frac{\alpha(\beta - \beta_{11})}{\beta - \alpha} e^{-\beta(t-\tau)} \right\} u(t-\tau) \\ 0 \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 14)$$

とせねばならない。 u_2 操作は不要である。

b. 横滑り角 0 のまま車体方位を変えてカーブを通過する場合

α, β, τ を状況に合わせて選ぶことにより, 出力の要請を下式のように置く。

$$\begin{bmatrix} \gamma(s) \\ \psi(s) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \frac{\alpha\beta}{s(s+\alpha)(s+\beta)} (1 - e^{-\tau s}) \quad (5 \cdot 15)$$

このとき入力要件は

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \frac{\alpha\beta}{\beta - \alpha} \begin{bmatrix} 0 \\ (\beta_{21} - \alpha)e^{-\alpha t} - (\beta_{21} - \beta)e^{-\beta t} - \{ (\beta_{21} - \alpha)e^{-\alpha(t-\tau)} - (\beta_{21} - \beta)e^{-\beta(t-\tau)} \} u(t-\tau) \end{bmatrix} \quad (5 \cdot 16)$$

このように u_1 入力は常に 0 でよく, 操作は直截簡明になる。

6. 考 察

1) 操安性制御の出力に重心横滑り角 β , ヨーレイト $\dot{\psi}$ の 2 量は不可欠であって, これに呼応して入力側に前・後輪操舵角 δ_r , δ_r が用意出来れば, 運動可能の領域は格段に拡大する。

即ち FWS では 1 入力だから

$$(sI - A)X = Bu \quad \text{或いは} \quad \begin{bmatrix} s - a_{11} & -a_{12} \\ -a_{21} & s - a_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \end{bmatrix} \delta_r \quad (6 \cdot 1)$$

と表すとき, β と $\dot{\psi}$ の間には常に

$$\frac{\beta(s)}{(s - a_{22})b_1 + a_{12}b_2} = \frac{\dot{\psi}(s)}{a_{21}b_1 + (s - a_{11})b_2} \quad (6 \cdot 2)$$

の制約が存在する。即ち β と $\dot{\psi}$ とは互いに独立ではない。

2) しかし入力が 2 量となって出力数と等しくなれば非干渉化が可能となる。操作空間 U と状態量空間 X の間の写像 $f: U \rightarrow X$, $f^{-1}: X \leftarrow U$ は全単射である。

3) 制御行列 B , 出力行列 C が正則ならば (2・1), (2・2) のシステムで

$$Y = C(sI - A)^{-1}BU \Leftrightarrow U = B^{-1}(sI - A)C^{-1}Y \quad (6 \cdot 3)$$

これより出力に対して入力を 1 : 1 に辿ることが出来る。即ちこの場合での逆問題が解ける。(5・8), (5・10) で出力側に 2 次遅れを仮定したが, 入力側ではステップ状の急速操作が混じっ

て来る。出力側1次遅れの仮定ならば、入力側には δ 関数を招来する。

コースの緩和曲線を見込んで緩やかな出力を想定しても、入力側は微分要素を遡行するので可成り俊敏な操作を要することが判る。実際にはコーナリングフォース、操舵系、サスペンションに更に遅れ要素が介在し、車体ロールも加わるため、運転者には更に機敏な操作を要する。

この場合非干渉化による対角行列伝達関数を持つことは、 $u_1 \rightarrow \beta$, $u_2 \rightarrow \dot{\phi}$ の直接的な対応となり、操作負担が軽減し同時に応答性が向上する。ステアリングコラムの左右傾角を β に、またステアリングホイールの回転角を $\dot{\phi}$ に対応させれば、操作は可能である。

4) 実際問題としては、重心横滑り角 β 、ヨーレート $\dot{\phi}$ を検出するセンサ、大きい後輪転舵角みを確保するアクチュエータと制御エネルギー、後部車体のスペースレイアウト等の問題がある。センサについては進歩したABSの貢献が大きい。

お わ り に

定速2次元モデルについて重心点横滑り角とヨーレートを独立に制御する操縦系について検討した。この2量を1入力で制御するには運動の状態空間上に制約を課していることになる。この制約を払って、既に実用化されている駆・制動トルクの前・後・左右分割機能と4輪操舵とを合せ、4輪各々の摩擦円を迅速に、最大に利用するように出来れば、走行安全性への寄与にも可能性が拡がると思われる。

参 考 文 献

- 白石昌武；入門現代制御理論，日刊工業新聞社，1995
 小郷 寛，美多 勉；システム制御理論入門，実教出版，1979
 安倍正人；自動車の運動と制御，山海堂，1992
 岡本良夫；逆問題とその解き方，オーム社，1992